# F ENT COOPERATION TREA

,	From the INTERNATIONAL BUREAU
PCT	То:
NOTIFICATION OF ELECTION  (PCT Rule 61.2)	Commissioner US Department of Commerce United States Patent and Trademark Office, PCT 2011 South Clark Place Room CP2/5C24 Arlington, VA 22202
Date of mailing (day/month/year)	ETATS-UNIS D'AMERIQUE
07 May 2001 (07.05.01)	in its capacity as elected Office
International application No. PCT/EP00/06510	Applicant's or agent's file reference P99026WO.1P
International filing date (day/month/year)	Priority date (day/month/year)
10 July 2000 (10.07.00)	12 August 1999 (12.08.99)
Applicant	
MARTIN, Tobias et al	
1. The designated Office is hereby notified of its election man  X in the demand filed with the International Preliminal  24 January 20  in a notice effecting later election filed with the International Preliminal  25 The election X was  was not  made before the expiration of 19 months from the priority Rule 32.2(b).	ry Examining Authority on: 001 (24.01.01) rnational Bureau on:
·	
The International Bureau of WIPO	Authorized officer
34, chemin des Colombettes	Athina Nickitas-Etienne
1211 Geneva 20, Switzerland	Telephone No. (41.22) 222.22
Facsimile No.: (41-22) 740.14.35	Telephone No.: (41-22) 338.83.38

# PCT

# INTERNATIONALER RECHERCHENBERICHT

(Artikel 18 sowie Regeln 43 und 44 PCT)

Aktenzeichen des Anmelders oder Anwalts P99026W0.1P	WEITERES VORGEHEN	siehe Mitteilung über die Übermittlung des internationalen Recherchenberichts (Formblatt PCT/ISA/220) sowie, soweit zutreffend, nachstehender Punkt 5		
Internationales Aktenzeichen	Internationales Anme	ldedatum	(Frühestes) Pri	ioritätsdatum (Tag/Monat/Jahr)
PCT/EP 00/06510	(Tag/Monat/Jahr)	2000	12	/08/1999
Anmelder	10,0,7,		12	100/1///
DEUTSCHE TELEKOM AG				
Dieser internationale Recherchenbericht wurd Artikel 18 übermittelt. Eine Kopie wird dem In	de von der International ternationalen Būro über	en Recherchenbehörde omittelt.	erstellt und wird d	lem Anmelder gemäß
Dieser internationale Recherchenbericht umfa  X Darüber hinaus liegt ihm jew		Blätter. liesem Bericht genannte	n Unterlagen zum	n Stand der Technik bei.
Grundlage des Berichts				
<ul> <li>a. Hinsichtlich der Sprache ist die inte durchgeführt worden, in der sie eing</li> </ul>	ernationale Recherche a gereicht wurde, sofern u	uf der Grundlage der inte nter diesem Punkt nichts	ernationalen Anm anderes angege	eldung in der Sprache ben ist.
Die internationale Recherch Anmeldung (Regel 23.1 b))	ne ist auf der Grundlage durchgeführt worden.	einer bei der Behörde ei	ngereichten Übei	rsetzung der internationalen
<ul> <li>b. Hinsichtlich der in der internationale Recherche auf der Grundlage des S</li> <li>in der internationalen Anme</li> </ul>	Sequenzprotokolls durch	igeführt worden, das	Aminosäuresed	quenz ist die internationale
zusammen mit der internati	onalen Anmeldung in co	mputerlesbarer Form ei	ngereicht worden	ist.
bei der Behörde nachträglic	h in schriftlicher Form e	ingereicht worden ist.		
bei der Behörde nachträglic	•	· ·		·
Die Erklärung, daß das nac internationalen Anmeldung	hträglich eingereichte so im Anmeldezeitpunkt hi	chriftliche Sequenzprotol nausgeht, wurde vorgele	oll nicht über der gt.	n Offenbarungsgehalt der
Die Erklärung, daß die in ∞ wurde vorgelegt.	omputerlesbarer Form e	faßten Informationen de	m schriftlichen Se	equenzprotokoll entsprechen,
Bestimmte Ansprüche hal	ben sich als nicht rech	<b>erchierbar erwiesen</b> (s	iehe Feld I).	
3. Mangelnde Einheitlichkeit	t der Erfindung (siehe f	eld II).		
4. Hinsichtlich der Bezelchnung der Erfin	ndung			
wird der vom Anmelder eing	gereichte Wortlaut genel	nmigt.		
wurde der Wortlaut von der	Behörde wie folgt festge	esetzt:		
5. Hinsichtlich der <b>Zusammenfassung</b>				
wird der vom Anmelder eing wurde der Wortlaut nach Re Anmelder kann der Behörde Recherchenberichts eine St	egel 38.2b) in der in Felo e innerhalb eines Monat ellungnahme vorlegen.	I III angegebenen Fassu s nach dem Datum der A	bsendung dieses	de festgesetzt. Der sinternationalen
6. Folgende Abbildung der <b>Zelchnungen</b> i	ist mit der Zusammenfa	ssung zu veröffentlichen:	Abb. Nr	
wie vom Anmelder vorgesch	-		X	keine der Abb.
weil der Anmelder selbst ke	ine Abbildung vorgesch	agen hat.		
weil diese Abbildung die Erf	indung besser kennzeid	hnet.		į

#### INTERNATIONALER RECHERCHENBERICHT

Internationales Aktenzeichen PCT/EP 00/06510

A. KL	ASSIF	IZIERUNG DE	S ANME	GSGEGENSTA	NDES
IPK	7	H04L9/	08		

Nach der Internationalen Patentklassifikation (IPK) oder nach der nationalen Klassifikation und der IPK

#### B. RÉCHERCHIERTE GEBIETE

Recherchierter Mindestprüfstoff (Klassifikationssystem und Klassifikationssymbole) IPK 7 H04L

Recherchierte aber nicht zum Mindestprüfstoff gehörende Veröffentlichungen, soweit diese unter die recherchierten Gebiete fallen

Während der internationalen Recherche konsultierte elektronische Datenbank (Name der Datenbank und evtl. verwendete Suchbegriffe)

EPO-Internal, WPI Data, INSPEC, PAJ, IBM-TDB

Weitere Veröffentlichungen sind der Fortsetzung von Feld C zu

Kategorie°	Bezeichnung der Veröffentlichung, soweit erforderlich unter Angabe der in Betracht kommenden Teile	Betr. Anspruch Nr.
Y	LENNON R E ET AL: "Cryptographic key distribution using composite keys" BIRMINGHAM, ALABAMA, DEC.3-6, 1978, NEW YORK, I.E.E.E, US, Bd. CONF. 1978, 3. Dezember 1978 (1978-12-03), Seiten 26101-26116-6, XP002098158 Seite 26.1.4, linke Spalte, Zeile 23 -Seite 26.1.5, rechte Spalte, Zeile 8 Seite 26.1.6, linke Spalte, Zeile 14 - Zeile 17	1
Y	MENEZES ET AL.: "HANDBOOK OF APPLIED CRYPTOGRAPHY" 1997 , CRC PRESS , BOCA RATON (US) XP002152150 Seite 528, Zeile 22 - Zeile 24	1

T' Spätere Veröffentlichung, die nach dem internationalen Anmeldedatum oder dem Prioritätsdatum veröffentlicht worden ist und mit der Anmeldung nicht kollidiert, sondem nur zum Verständnis des der Erfindung zugrundeliegenden Prinzips oder der ihr zugrundeliegenden Theorie angegeben ist  'X' Veröffentlichung von besonderer Bedeutung; die beanspruchte Erfindung kann allein aufgrund dieser Veröffentlichung nicht als neu oder auf erfinderischer Tätigkeit beruhend betrachtet werden  'Y' Veröffentlichung von besonderer Bedeutung; die beanspruchte Erfindung kann nicht als auf erfindenischer Tätigkeit beruhend betrachtet werden veröffentlichung wenn die Veröffentlichung mit einer oder mehreren anderen Veröffentlichungen dieser Kategorie in Verbindung gebracht wird und diese Verbindung für einen Fachmann naheliegend ist  '& Veröffentlichung, die Mitglied derselben Patentfamilie ist
Absendedatum des internationalen Recherchenberichts  22/11/2000
Bevollmächtigter Bediensteter  Holper, G

Siehe Anhang Patentfamilie

# INTERNATIONALER RECHERCHENBERICHT

International	les Aktenzeichen
PCT/EP	00/06510

C.(Fortsetz	ung) ALS WESENTLICGESEHENE UNTERLAGEN	00/00510
Kategorie°	Bezeichnung der Veröffentlichung, soweit erforderlich unter Angabe der in Betracht kommenden Teile	Betr. Anspruch Nr.
A ,	EP 0 535 863 A (AMERICAN TELEPHONE & TELEGRAPH) 7. April 1993 (1993-04-07) Seite 9, Zeile 10 - Zeile 23	1
	BURMESTER M ET AL: "SECURE AND EFFICIENT CONFERENCE KEY DISTRIBUTION SYSTEM" ADVANCES IN CRYPTOLOGY- EUROCRYPT. INTERNATIONAL CONFERENCE ON THE THEORY AND APPLICATION OF CRYPTOGRAPHIC TECHNIQUES, SPRINGER VERLAG, DE, 1995, Seiten 275-286, XP000934269 in der Anmeldung erwähnt Seite 279, Absatz 3.3	
-		

### **INTERNATIONAL SEARCH REPORT**

Information on patent family members

International Application No CT/EP 00/06510

		Publication date
3 US	5241599 A	31-08-1993
AU	648433 B	21-04-1994
AU	2351392 A	08-04-1993
CA	2076252 A,C	03-04-1993
JP	2599871 B	16-04-1997
JP	6169306 A	14-06-1994
NO	923740 A	05-04-1993
99	993 US AU AU CA JP JP	Member(s)  P93  US  5241599 A  AU  648433 B  AU  2351392 A  CA  2076252 A, C  JP  2599871 B  JP  6169306 A

#### (12) NACH DEM VERTRAG ÜBER DIE INTERNATIONALE ZUSAMMENARBEIT AUF DEM GEBIET DES PATENTWESENS (PCT) VERÖFFENTLICHTE INTERNATIONALE ANMELDUNG

(19) Weltorganisation für geistiges Eigentum Internationales Büro



# 

(43) Internationales Veröffentlichungsdatum 22. Februar 2001 (22.02.2001)

# (10) Internationale Veröffentlichungsnummer WO 01/13567 A1

H04L 9/08 (51) Internationale Patentklassifikation7:

(21) Internationales Aktenzeichen:

PCT/EP00/06510

(22) Internationales Anmeldedatum:

10. Juli 2000 (10.07.2000)

(25) Einreichungssprache:

Deutsch

(26) Veröffentlichungssprache:

Deutsch

(30) Angaben zur Priorität: 199 38 198.4

12. August 1999 (12.08.1999) DE

(71) Anmelder (für alle Bestimmungsstaaten mit Ausnahme von US): DEUTSCHE TELEKOM AG [DE/DE]; Friedrich-Ebert-Allee 140, D-53113 Bonn (DE).

(72) Erfinder; und

(75) Erfinder/Anmelder (nur für US): MARTIN, Tobias

[DE/DE]; Spitzengärten 1, D-35466 Rabenau (DE). SCHAFFELHOFER, Ralf [DE/DE]; Wittmannstr. 39, D-64285 Darmstadt (DE). SCHWENK, Jörg [DE/DE]; Südwestring 27, D-64807 Dieburg (DE).

- (74) Gemeinsamer Vertreter: DEUTSCHE TELEKOM AG; Rechtsabteilung (Patente) PA1, D-64307 Darmstadt (DE).
- (81) Bestimmungsstaaten (national): AU, CA, US.
- (84) Bestimmungsstaaten (regional): europäisches Patent (AT, BE, CH, CY, DE, DK, ES, FI, FR, GB, GR, IE, IT, LU, MC, NL, PT, SE).

#### Veröffentlicht:

Mit internationalem Recherchenbericht.

Zur Erklärung der Zweibuchstaben-Codes, und der anderen Abkürzungen wird auf die Erklärungen ("Guidance Notes on Codes and Abbreviations") am Anfang jeder regulären Ausgabe der PCT-Gazette verwiesen.

(54) Title: METHOD FOR ESTABLISHING A COMMON KEY FOR A GROUP OF AT LEAST THREE SUBSCRIBERS

(54) Bezeichnung: VERFAHREN ZUM ETABLIEREN EINES GEMEINSAMEN SCHLÜSSELS FÜR EINE GRUPPE VON MINDESTENS DREI TEILNEHMERN

(57) Abstract: The inventive method is based on a publicly known mathematical number group (G) and a higher order element of the group  $g \in G$ . In the first work step, a message corresponding to Ni:  $= g^{zi} \mod p$ ) is sent by each subscriber (Ti) to all other subscribers (Tj), (zi) being a random number chosen from the set (1, ..., p-2) by a random number generator. In the second work step, each subscriber (Ti) selects a transmission key kij: =  $(g^{zj})^{zi}$  for each other subscriber (Tj) from the received message  $(g^{zj})$ , with  $i \neq j$ , for transmitting their random number (zi) to the subscribers (Tj). In the third work step, the common key k is calculated as k: = f(z1, z2, ..., zn) for each subscriber Ti. The inventive method can be advantageously used for generating a cryptographic key for a group of at least three subscribers.

(57) Zusammenfassung: Das erfindungsgemässe Verfahren basiert auf einer öffentlich bekannten mathematischen Zahlengruppe (G) und einem Element der Gruppe g ∈ G grosser Ordnung. Im ersten Arbeitsschritt wird von jedem Teilnehmer (Ti) eine Nachricht der Form Ni: = gzi mod p) an alle anderen Teilnehmer (Tj) gesendet, wobei (zi) eine mittels eines Zufallsgenerators gewählte zufällige Zahl aus der Menge (1, ..., p-2) ist. Im zweiten Arbeitsschritt wählt jeder Teilnehmer (Ti) für jeden weiteren Teilnehmer (Tj) mit i ≠ j aus der empfangenen Nachricht (g<sup>2i</sup>) einen Übertragungsschlüssel kij: = (g<sup>2i</sup>)<sup>2i</sup> für die Übertragung seiner Zufallszahl (zi) an die Teilnehmer (Tj). Im dritten Arbeitsschritt wird bei jedem Teilnehmer Ti der gemeinsame Schlüssel k als k: = f(z1, z2, ..., zn) berechnet. Das erfindungsgemässe Verfahren lässt sich vorteilhaft zur Erzeugung eines kryptographischen Schlüssels für eine Gruppe von mindestens drei Teilnehmern einsetzen.

WO 01/13567 PCT/EP00/06510

Verfahren zum Etablieren eines gemeinsamen Schlüssels für eine Gruppe von mindestens drei Teilnehmern

## Beschreibung

5

10

15

Die Erfindung betrifft ein Verfahren zum Etablieren eines gemeinsamen Schlüssels innerhalb einer Gruppe von Teilnehmern gemäß dem Oberbegriff des unabhängigen Anspruchs.

Verschlüsselungsverfahren in vielfältiger Art gehören zum Stand der Technik und haben zunehmend kommerzielle Bedeutung. Sie werden dazu eingesetzt, Nachrichten über allgemein zugängliche Übertragungsmedien zu übertragen, wobei aber nur die Besitzer eines Krypto-Schlüssels diese Nachrichten im Klartext lesen können.

Ein bekanntes Verfahren zur Etablierung eines gemeinsamen Schlüssels über unsichere Kommunikationskanäle ist z. B. das Verfahren von W. Diffie und W. Hellmann (siehe DH-Verfahren W. Diffie und M. Hellmann, siehe New Directions in Cryptography, IEEE Transaction on Information Theory, IT-22(6): 644-654, November 1976).

Grundlage des Diffie Hellmann Schlüsselaustausches (DH-Schlüsselaustausch) ist die

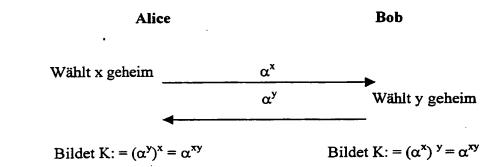
Tatsache, daß es praktisch unmöglich ist, Logarithmen modulo einer großen Primzahl p zu berechnen. Dies machen sich Alice und Bob in dem unten abgebildeten Beispiel zunutze, indem sie jeweils eine Zahl x bzw. y kleiner als p (und teilerfremd zu p-1) geheim wählen. Dann senden sie sich (nacheinander oder gleichzeitig) die x-te (bzw. y-te) Potenz modulo p einer öffentlich bekannten Zahl α zu. Aus den empfangenen Potenzen können sie durch

erneutes Potenzieren modulo p mit x bzw. y einen gemeinsamen Schlüssel K: = α<sup>xy</sup> mod p berechnen. Ein Angreifer, der nur α<sup>x</sup> mod p und α<sup>y</sup> mod p sieht, kann daraus K nicht berechnen. (Die einzige heute bekannte Methode dazu bestünde darin, zunächst den Logarithmus z. B. von α<sup>x</sup> zur Basis α modulo p zu berechnen, und dann α<sup>y</sup> damit zu potenzieren.)

20

25

2



Beispiel für Diffie-Hellmann-Schlüsselaustausch

Das Problem beim DH-Schlüsselaustausch besteht darin, daß Alice nicht weiß, ob sie tatsächlich mit Bob kommuniziert, oder mit einem Betrüger. In den IPSec-Standards der Internet Engineering Task Force (IETF RFC 2412: The OAKLEY Key Determination Protocol) wird dieses Problem durch den Einsatz von Public-Key-Zertifikaten gelöst, in denen durch eine vertrauenswürdige Instanz die Identität eines Teilnehmers mit einem öffentlichen Schlüssel verknüpft wird. Dadurch wird die Identität eines Gesprächspartners überprüfbar.

Der DH-Schlüsselaustausch kann auch mit anderen mathematischen Strukturen realisiert werden, z. B. mit endlichen Körpern GF (2<sup>n</sup>) oder Elliptischen Kurven. Mit diesen Alternativen kann man die Performance verbessern.

Dieses Verfahren ist allerdings nur zur Vereinbarung eines Schlüssels zwischen zwei Teilnehmern geeignet.

Es wurden verschiedene Versuche unternommen, das DH-Verfahren auf drei oder mehr Teilnehmer zu erweitern (Gruppen DH). Einen Überblick über den Stand der Technik bietet M. Steiner, G. Tsudik, M. Waidner in Diffie-Hellmann Key Distribution Extened to Group Communication, Proc. 3<sup>rd</sup> ACM Conference on Computer and Communications Security, März 1996, Neu Delhi, Indien.

Eine Erweiterung des DH-Verfahrens auf Teilnehmer A, B und C wird z. B. durch nachfolgende Tabelle beschrieben (Berechnung jeweils mod p):

Teilnehmer A;B;C	A→B	B→C	C→A
1. Runde	g <sup>a</sup>	g°	g <sup>c</sup>
2. Runde	g <sup>ca</sup>	g <sup>ab</sup>	g <sup>bc</sup>

Nach Durchführung dieser beiden Runden kann jeder der Teilnehmer den geheimen Schlüssel g<sup>abc</sup> mod p berechnen.

5

10

15

25

Weiterhin ist eine Lösung aus Burmester, Desmedt, A secure and efficient conference key distribution system, Proc. EUROCRYPT'94, Springer LNCS, Berlin 1994 bekannt, bei der zwei Runden zur Generierung des Schlüssels benötigt werden, wobei in der zweiten Runde für n Teilnehmer n Nachrichten der Länge p = ca. 1000Bit gesendet werden müssen.

Weitere relevante Lösungen sind aus M. Burmester and Y. Desmedt, Efficient and secure conference key distribution, Cambridge Workshop on Security Protocols, Springer LNCS 1189, pp 119-129 (1996) bekannt. Hier wird aber vorausgesetzt, daß sichere Kanäle zwischen den Teilnehmern bereits existieren.

Bei allen diesen Erweiterungen tritt mindestens eines der folgenden Probleme auf:

- Die Teilnehmer müssen in einer bestimmten Art und Weise geordnet sein, im obigen Beispiel z. B. als Kreis, d.h. eine Struktur der Teilnehmergruppe muß vorher bekannt sein.
- Wird eine zentrale Stelle zur Koordinierung der Schlüsselvereinbarung verwendet, so haben die Teilnehmer gegenüber dieser Zentrale keinen Einfluß auf die Auswahl des Schlüssels.
  - Die Rundenzahl ist abhängig von der Teilnehmerzahl.

    Diese Verfahren sind aus den o. g. Gründen in der Regel schwer zu implementieren und sehr rechenaufwendig.

Die Weiterbildung des DH-Verfahrens zu einem Public-Key-Verfahren ist aus T. ElGamal "A Public Key Cryptosystem and a Signature Scheme Based on Discrete Logarithms.", IEEE Transactions on Information Theory, Juli 1985 bekannt.

WO 01/13567 PCT/EP00/06510

4

Das erfindungsgemäße Verfahren muß zur Erzeugung eines gemeinsamen Schlüssels innerhalb einer Gruppe von mindestens drei Teilnehmern geeignet sein. Das Verfahren soll so ausgebildet sein, daß es sich gegenüber den bekannten Verfahren durch geringen Rechenaufwand und geringen Kommunikationsbedarf (wenige Runden auch bei vielen eilnehmern) auszeichnet. Es soll dabei jedoch einen vergleichbaren Sicherheitsstandard wie das DH-Verfahren aufweisen. Das Verfahren muß einfach zu implementieren sein. Informationen über die Struktur der Gruppe sollen für die Durchführung des Verfahrens nicht benötigt werden.

Das erfindungsgemäße Verfahren, das dieser Aufgabenstellung gerecht wird, basiert auf den gleichen mathematischen Strukturen wie das DH-Verfahren und weist daher vergleichbare Sicherheitsmerkmale auf. Im Vergleich zu den bisher vorgeschlagenen Gruppen-DH-Verfahren ist es jedoch wesentlich effizienter im Hinblick auf Rechenaufwand und Kommunikationsbedarf.

15

20

25

30

5

Nachfolgend wird das Wirkprinzip des Verfahrens näher erläutert. Die definierten Teilnehmer am Verfahren werden mit T1-Tn und jeder einzelne nicht konkret benannte Teilnehmer mit Ti bezeichnet. Mit Tj werden alle anderen am Verfahren beteiligten Teilnehmer, ausschließlich des jeweiligen Teilnehmers Ti, bezeichnet. Die öffentlich bekannten Komponenten des Verfahrens sind eine öffentlich bekannte mathematische Gruppe G, vorzugsweise die multiplikative Gruppe aller ganzen Zahlen modulo einer großen Primzahl p und ein Element g der Gruppe G, vorzugsweise eine Zahl 0 < g < p mit großer multiplikativer Ordnung. Für die Gruppe G können jedoch auch andere geeignete mathematische Strukturen verwendet werden, z. B. die multiplikative Gruppe eines endlichen Körpers oder die Gruppe der Punkte einer elliptischen Kurve. Das Verfahren wird im Folgenden anhand der Gruppe der Zahlen modulo einer Primzahl p beschrieben.

Dem Verfahren liegen vier Verfahrensschritte zugrunde.

Im ersten Verfahrensschritt wird von jedem einzelnen, nicht konkret benannten Teilnehmer Ti eine Nachricht der Form  $Ni = g^{zi}$  mod p erzeugt und an alle anderen Teilnehmer Tj gesendet, wobei zi vorzugsweise eine mittels eines Zufallsgenerators gewählte zufällige Zahl aus der Menge  $\{1, ... p-2\}$  ist.

Im zweiten Verfahrensschritt berechnet jeder Teilnehmer Ti für jeden weiteren Teilnehmer Tj mit  $i \neq j$  aus der empfangenen Nachricht  $g^{zj}$  einen gemeinsamen Übertragungsschlüssel  $k^{ij} := (g^{zj})^{zi}$ . Da  $k^{ij} = k^{ji}$  gilt, kennen die Teilnehmer Ti und Tj jetzt einen gemeinsamen Übertragungsschlüssel  $k^{ij}$  und können daher vertraulich kommunizieren.

Im dritten Verfahrensschritt verwendet jederTeilnehmer Ti den Übertragungsschlüssel k<sup>ij</sup>, um seine Zufallszahl zi vertraulich an die jeweils anderenTeilnehmer Tj zu übertragen. Die Verschlüsselung der Zufallszahl zi mit dem Übertragungsschlüssel k<sup>ij</sup> erfolgt dabei mittels eines symmetrischen Verschlüsselungsverfahren. Das bedeutet, daß nach Abschluß des Verfahrensschrittes jeder Teilnehmer Ti außer seiner eigenen Zufallszahl auch die verschlüsselten Zufallszahlen aller anderen Teilnehmer Tj kennt, so daß die Voraussetzungen gegeben sind, einen gemeinsamen Schlüssel k zu berechnen.

Im vierten Verfahrensschritt wird bei jedem Teilnehmer Ti der gemeinsame Schlüssel k nach der Beziehung

$$k = f(z_1, z_2, ..., z_n)$$

berechnet, wobei f eine beliebige symmetrische Funktion ist. Symmetrie bedeutet in diesem Fall, daß der Wert der Funktion, auch bei beliebiger Vertauschung der Argumente, der gleiche bleibt. Beispiele für symmetrische Funktionen sind

- Die Multiplikation in einem (endlichen) Körper: k: = z1 ... zn,
- die Addition in einer (endlichen) Gruppe: k: = z1 + ... + zn,
- das bitweise XOR der zi: k: = z1 ⊕...⊕zn,
- die Potenzierung von g mit den zi: k: = g<sup>zl ... zn</sup>
- zahllose weitere Möglichkeiten.

5

10

15

20

25

30

Das Versenden der in Schritt 1 und 2 generierten Nachrichten kann sowohl über Punkt-zu-Punkt-Verbindungen als auch durch Broadcast oder Multicast durchgeführt werden.

Nachfolgend wird das erfindungsgemäße Verfahren anhand eines konkreten Beispiels für drei Teilnehmer A, B und C näher erläutert. Die Anzahl der Teilnehmer ist jedoch auf beliebig viele Teilnehmer erweiterbar.

15

20

Bei diesem Beispiel beträgt die Länge der Zahl p 1024 Bit; g hat eine multiplikative Ordnung von mindestens 2<sup>160</sup>.

Das erfindungsgemäße Verfahren läuft nach folgenden Verfahrensschritten ab:

- Teilnehmer A sendet Na = g <sup>za</sup> mod p an die Teilnehmer B und C, Teilnehmer B sendet Nb = g<sup>zb</sup> mod p an die Teilnehmer A und C und Teilnehmer C sendet Nc = g<sup>zc</sup> mod p an die Teilnehmer A und B.
  - Teilnehmer A berechnet kab = Nb<sup>2a</sup> mod p und kac = Nc<sup>2a</sup> mod p.
     Teilnehmer B und C verfahren analog.
- 3. Teilnehmer A sendet die Nachricht Mab = E(kab, za) an Teilnehmer B und die Nachricht Mac = E(kac, za) an Teilnehmer C. Hier bezeichnet E(k, m) die symmetrische Verschlüsselung des Datensatzes m mit dem Algorithmus E unter dem Übertragungsschlüssel k<sup>ij</sup>. Teilnehmer B und C verfahren analog.
  - Teilnehmer A berechnet den gemeinsamen Schlüssel k nach der Funktion k = g<sup>ka•kb•kc</sup>.
     Analog berechnen die Teilnehmer B und C den gemeinsamen Schlüssel k.

Das oben beschriebene Verfahren kommt mit der minimalen Anzahl von zwei Runden zwischen den Teilnehmern A, B und C aus. Die Anzahl der für die Durchführung des erfindungsgemäßen Verfahrens notwendigen Runden bleibt auch bei einer beliebigen Anzahl von Teilnehmern T1-Tn auf zwei Runden beschränkt.

Eine Variante des Verfahrens besteht darin, vorab einem der Teilnehmer T1-Tn für die Durchführung des zweiten Verfahrensschrittes eine besondere Rolle zuzuweisen. Wird diese Rolle beispielsweise dem Teilnehmer T1 zugeordnet, so werden die

- Verfahrensschritte 2 und 3 bzw. b und c nur noch von Teilnehmer T1 ausgeführt. Im vierten Verfahrensschritt d berechnen alle am Verfahren beteiligten Teilnehmer T1 Tn den gemeinsame Schlüssel k nach der Beziehung k: = h(z1, g<sup>z2</sup>, ..., g<sup>zn</sup>), wobei (x1, x2, ..., xn) eine Funktion sein muß, die in den Argumenten x2, ... xn symmetrisch ist. Diese Variante vermindert die Anzahl der zu sendenden Nachrichten drastisch.
- 30 Ein Beispiel für eine solche Funktion g ist z. B.

$$k: = h(z1, g^{z2}, ..., g^{zn}) = g^{z1 \cdot z1} \cdot g^{z2 \cdot z1} \cdot ... \cdot g^{zn \cdot z1}$$

Das erfindungsgemäße Verfahren läßt sich vorteilhaft zur Erzeugung eines kryptografischen Schlüssels für eine Gruppe von mehreren, mindestens jedoch drei Teilnehmern einsetzen.

# Aufstellung der Bezugszeichen

	T1 - Tn	Teilnehmer 1 bis n
	Ti	unbestimmter Teilnehmer von T1-Tn
5	Tj	unbestimmter Teilnehmer von T1-Tn, verschieden von
	• .	Ti.
	N	Nachricht
	Ni	Nachricht eines unbestimmten Teilnehmers Ti
	Mab	Nachricht von Teilnehmer A an Teilnehmer B
10	G	öffentlich bekannte mathematische Gruppe
	g	Element der Gruppe G
	р	große Primzahl
	z	mittels eines Zufallsgenerators gewählte Zufallszahl
	•	aus der Menge (1,p-2)
15	$k^{ij}$ ; $k^{1j}$	gemeinsamer Übertragungsschlüssel
	k	gemeinsamer Schlüssel
	E(,)	Algorithmus
	m	Datensatz
	f(x1,x2,,xn)	Funktion symmetrisch in x1,x2,,xn.
20	h(x1,x2,,xn)	Funktion symmetrisch in den Argumenten x2,,xn.
	A; B; C	Benennung der Teilnehmer im Ausführungsbeispiel
	• •	

Verfahren zum Etablieren eines gemeinsamen Schlüssels für eine Gruppe von mindestens drei Teilnehmern

# (2) Patentansprüche

 Verfahren zum Etablieren eines gemeinsamen Schlüssels für eine Gruppe von mindestens drei Teilnehmern unter Verwendung einer öffentlich bekannten mathematischen Gruppe G und einem öffentlich bekannten Element der Gruppe g ∈ G von großer Ordnung ,

dadurch gekennzeichnet, daß

10

- a) jeder Teilnehmer (Ti) aus dem öffentlich bekannten Element (g) der Gruppe (G) und einer von ihm gewählten bzw. erzeugten Zufallszahl (zi) eine Nachricht
   Ni = (g<sup>zi</sup> mod p) erzeugt und an alle anderen Teilnehmer (Tj) sendet, daß
- b) jeder Teilnehmer (Ti) aus den von den anderen Teilnehmern (Tj, j ≠ i) empfangenen Nachrichten (Nj) und seiner Zufallszahl (zi) nach der Funktion
   k<sup>ij</sup>: = Nj<sup>zi</sup> = (g<sup>zj</sup>)<sup>zi</sup> einen Übertragungsschlüssel (k<sup>ij</sup>) erzeugt, den wegen der Beziehung k<sup>ij</sup> = k<sup>ji</sup> auch der Teilnehmer (Tj) kennt, daß
- c) jeder Teilnehmer (Ti) an jeden anderen Teilnehmer (Tj) seine Zufallszahl (zi) verschlüsselt schickt, indem er die Nachricht (Mij) gemäß Mij := E(k<sup>ij</sup>, zi) bildet, wobei E(k<sup>ij</sup>, zi) ein symmetrischer Verschlüsselungsalgorithmus ist, bei dem der Datensatz (zi) mit dem gemeinsamen Übertragungsschlüssel (k<sup>ij</sup>) verschlüsselt wird, und daß

25

d) jeder Teilnehmer (Ti) den zu etablierenden gemeinsamen Schlüssel (k) aus seiner eigenen Zufallszahl (zi) und den von den anderen Teilnehmern erhaltenen Zufallszahlen (zj), j≠i, nach der Beziehung

$$k := f(z1, ..., zn)$$

ermittelt, wobei f eine symmetrische Funktion sein muß, die invariant unter der Permutation ihrer Argumente ist.

15

25

- 2. Verfahren zum Etablieren eines gemeinsamen Schlüssels nach Anspruch 1, dadurch gekennzeichnet, daß
- a) alle am Verfahren beteiligten Teilnehmer (Ti) die von ihnen erzeugte Nachricht  $(Ni = g^{zi})$  an einen vorab für die Durchführung des nachfolgenden Verfahrensschrittes bestimmten Teilnehmer, wie beispielsweise den ersten Teilnehmer (T1), übertragen, daß
- b) der erste Teilnehmer (T1) die empfangenen Nachrichten (Nj) der anderen Teilnehmer (Tj, j ≠ 1) für jeden Teilnehmer (Tj) einzeln mit seiner Zufallszahl (z1) zu jeweils einem Übertragungsschlüssel (k¹j) verschlüsselt, den wegen der Beziehung k¹j = kj¹ auch der Teilnehmer (Tj) kennt, daß
  - c) der erste Teilnehmer (T1) an jeden anderen Teilnehmer (Tj) seine Zufallszahl (z1) verschlüsselt schickt, indem er die Nachricht (M1j) gemäß M1j := E(k<sup>1j</sup>, z1) bildet, wobei E(k<sup>1j</sup>, z1) ein symmetrischer Verschlüsselungsalgorithmus ist, bei dem der Datensatz (z1) mit dem gemeinsamen Übertragungsschlüssel (k<sup>1j</sup>) verschlüsselt wird, und daß
- d) jeder Teilnehmer (Ti) den zu etablierenden gemeinsamen Schlüssel (k) aus den
   Werten (Ni) und (Nj), j≠i und der vom ersten Teilnehmer (T1) verschlüsselt
   übertragenen Zufallszahl (z1) mit Hilfe der Formel

$$k:=h(z_1,g^{z_2},...,g^{z_n}),$$

ermittelt, wobei h (x1, x2, ..., xn) eine in den Argumenten x2, ..., xn symmetrische Funktion ist.

# A CLASSIFICATION OF SUBJECT MATTER IPC 7 H04L9/08 According to International Patent Classification (IPC) or to both national classification and IPC B. FIELDS SEARCHED Minimum documentation searched (classification system followed by classification symbols) IPC 7 HO4L Documentation searched other than minimum documentation to the extent that such documents are included in the fields searched Electronic data base consulted during the international search (name of data base and, where practical, search terms used) EPO-Internal, WPI Data, INSPEC, PAJ, IBM-TDB C. DOCUMENTS CONSIDERED TO BE RELEVANT Relevant to claim No. Citation of document, with indication, where appropriate, of the relevant passages 1 Y LENNON R E ET AL: "Cryptographic key distribution using composite keys" BIRMINGHAM, ALABAMA, DEC. 3-6, 1978, NEW YORK, I.E.E.E,US, vol. CONF. 1978, 3 December 1978 (1978-12-03), pages 26101-26116-6, XP002098158 page 26.1.4, left-hand column, line 23 -page 26.1.5, right-hand column, line 8 page 26.1.6, left-hand column, line 14 line 17 MENEZES ET AL.: "HANDBOOK OF APPLIED 1 Y CRYPTOGRAPHY" 1997 , CRC PRESS , BOCA RATON (US) XP002152150 page 528, line 22 - line 24 -/--Patent family members are listed in annex. Further documents are listed in the continuation of box C. X Special categories of cited documents: "I" later document published after the international filing date or priority date and not in conflict with the application but cited to understand the principle or theory underlying the "A" document defining the general state of the art which is not considered to be of particular relevance invention "E" earlier document but published on or after the international "X" document of particular relevance; the claimed invention cannot be considered novel or cannot be considered to involve an inventive step when the document is taken alone filing date "L" document which may throw doubts on priority claim(s) or which is cited to establish the publication date of another citation or other special reason (as specified) "Y" document of particular relevance; the claimed invention cannot be considered to involve an inventive step when the document is combined with one or more other such documents, such combination being obvious to a person skilled \*O\* document referring to an oral disclosure, use, exhibition or other means "P" document published prior to the international filing date but \*&\* document member of the same patent family later than the priority date claimed Date of the actual completion of the international search Date of mailing of the international search report 22/11/2000 7 November 2000 **Authorized officer** Name and mailing address of the ISA European Patent Office, P.B. 5818 Patentiaan 2 NL - 2280 HV Rijswijk Tel. (+31-70) 340-2040, Tx. 31 651 epo nl, Fax: (+31-70) 340-3016

2

Holper, G

# INTERNATIO SEARCH REPORT

PCT/EP 00/06510

·	PC1/EP 00/06	010
ITION) DOCUMENTS CONSIDERED TO BE RELEVANT		
Citation of document, with indication, where appropriate, of the relevant passages	Rele	vant to claim No.
EP 0 535 863 A (AMERICAN TELEPHONE & TELEGRAPH) 7 April 1993 (1993-04-07) page 9, line 10 - line 23		1
TELEGRAPH) 7 April 1993 (1993-04-07) page 9, line 10 - line 23  BURMESTER M ET AL: "SECURE AND EFFICIENT CONFERENCE KEY DISTRIBUTION SYSTEM" ADVANCES IN CRYPTOLOGY- EUROCRYPT. INTERNATIONAL CONFERENCE ON THE THEORY AND APPLICATION OF CRYPTOGRAPHIC TECHNIQUES, SPRINGER VERLAG, DE, 1995, pages 275-286, XP000934269 cited in the application page 279, paragraph 3.3		1
	-	
	EP 0 535 863 A (AMERICAN TELEPHONE & TELEGRAPH) 7 April 1993 (1993-04-07) page 9, line 10 - line 23  BURMESTER M ET AL: "SECURE AND EFFICIENT CONFERENCE KEY DISTRIBUTION SYSTEM" ADVANCES IN CRYPTOLOGY - EUROCRYPT. INTERNATIONAL CONFERENCE ON THE THEORY AND APPLICATION OF CRYPTOGRAPHIC TECHNIQUES, SPRINGER VERLAG, DE, 1995, pages 275-286, XP000934269 cited in the application	Citation of document, with indication,where appropriate, of the relevant passages  EP 0 535 863 A (AMERICAN TELEPHONE & TELEGRAPH) 7 April 1993 (1993–04–07) page 9, line 10 – line 23  BURMESTER M ET AL: "SECURE AND EFFICIENT CONFERENCE KEY DISTRIBUTION SYSTEM" ADVANCES IN CRYPTOLOGY – EUROCRYPT. INTERNATIONAL CONFERENCE ON THE THEORY AND APPLICATION OF CRYPTOGRAPHIC TECHNIQUES,SPRINGER VERLAG,DE, 1995, pages 275–286, XP000934269 cited in the application

2

PCT/EP 00/06510

information on patent family members

Patent document cited in search report		Publication date		atent family member(s)	Publication date
EP 0535863	A	07-04-1993	US AU AU CA JP JP NO	5241599 A 648433 B 2351392 A 2076252 A,C 2599871 B 6169306 A 923740 A	31-08-1993 21-04-1994 08-04-1993 03-04-1993 16-04-1997 14-06-1994 05-04-1993

### A. KLASSIFIZIERUNG DES ANMELDUNGSGEGENSTANDES IPK 7 H04L9/08

Nach der Internationalen Patentidassifikation (IPK) oder nach der nationalen Klasalfikation und der IPK

#### **B. RECHERCHIERTE GEBIETE**

Recherchierter Mindestprüfstoff (Klassifikationssystem und Klassifikationssymbole )  $IPK \ 7 \qquad H04L$ 

Recherchierte aber nicht zum Mindestprüfstoff gehörende Veröffentlichungen, soweit diese unter die recherchierten Gebiete fallen

Während der Internationalen Recherche konsultierte elektronische Datenbank (Name der Datenbank und evtl. verwendste Suchbegriffe)

EPO-Internal, WPI Data, INSPEC, PAJ, IBM-TDB

Weitere Veröffentlichungen sind der Fortsetzung von Feld C zu

Kategorie*	Bezeichnung der Veröffentlichung, soweit erforderlich unter Angabe der in Betracht kommenden Teile	Betr. Anspruch Nr.
Y	LENNON R E ET AL: "Cryptographic key distribution using composite keys" BIRMINGHAM, ALABAMA, DEC.3-6, 1978, NEW YORK, I.E.E.E,US, Bd. CONF. 1978, 3. Dezember 1978 (1978-12-03), Seiten 26101-26116-6, XP002098158 Seite 26.1.4, linke Spalte, Zeile 23 -Seite 26.1.5, rechte Spalte, Zeile 8 Seite 26.1.6, linke Spalte, Zeile 14 - Zeile 17	1
Y	MENEZES ET AL.: "HANDBOOK OF APPLIED CRYPTOGRAPHY" 1997 , CRC PRESS , BOCA RATON (US) XP002152150 Seite 528, Zeile 22 - Zeile 24	1

Ł	ت	enthenmen	
"A" \	"A" V "E" äi "L" V "O" V	/eröffentlichung, die den eilgemeinen Stand der Technik definiert, aber nicht als besonders bedeutsam anzusehen ist iteres Dokument, das jedoch erst am oder nach dem Internationalen	<ul> <li>*T* Spätere Veröffentlichung, die nach dem internationalen Anmeldedatum oder dem Prioritätsdatum veröffentlicht worden ist und mit der Anmeldung nicht kolldiert, sondern nur zum Verständnis des der Erfindung zugrundeliegenden Prinzipe oder der ihr zugrundeliegenden Theorie angegeben ist</li> <li>*X* Veröffentlichung von besonderer Bedeutung; die beanspruchte Erfindung kann allein aufgrund dieser Veröffentlichung nicht als neu oder auf erfinderischer Tätigkeit beruhend betrachtet werden</li> <li>*Y* Veröffentlichung von besonderer Bedeutung; die beanspruchte Erfindung kann nicht als auf erfinderischer Tätigkeit beruhend betrachtet werden, wern die Veröffentlichung mit einer oder mehreren anderen Veröffentlichungen dieser Katsgorie in Verbindung gebracht wird und diese Verbindung die Mitglied derselben Patentfarmitie ist</li> <li>*&amp;* Veröffentlichung, die Mitglied derselben Patentfarmitie ist</li> </ul>
r	Datur	m des Abschlusses der internationalen Recherche	Absendedatum des internationalen Recherchenberichts
		7. November 2000	22/11/2000
t	Name	e und Postanschrift der Internationalen Recherchenbehörde	Bevolimächtigter Bediensteter
		Europäischee Patentamt, P.B. 5818 Patentiaan 2 NL – 2280 HV Rijswijk Tel. (+31-70) 340-2040, Tx. 31 651 epo nl, Fax: (+31-70) 340-3016	Holper, G

2

Siehe Anhang Patentfamilie



ernationarde Aktenzeichen
PCT/EP 00/06510

C.(Fortsetzung) ALS WESENTLICH ANGESEHENE UNTERLAGEN							
Kategorie*	Bezeichnung der Veröffentlichung, soweit erforderlich unter Angabe der in Betracht kommenden Teile	Betr. Anspruch Nr.					
A	EP 0 535 863 A (AMERICAN TELEPHONE & TELEGRAPH) 7. April 1993 (1993-04-07) Seite 9, Zeile 10 - Zeile 23	1					
A	TELEGRAPH) 7. April 1993 (1993-04-07)						

Angaben zu Veröffentuchungen, die zur selben Patentfamilie gehören

PCT/EP 00/06510

Im Recherchenbericht angeführtes Patentdokument		Datum der	Mitglied(er) der		Datum der
		Veröffentlichung	Patentfamilie		Veröffentlichung
EP 0535863	A	07-04-1993	US AU AU CA JP JP NO	5241599 A 648433 B 2351392 A 2076252 A,C 2599871 B 6169306 A 923740 A	31-08-1993 21-04-1994 08-04-1993 03-04-1993 16-04-1997 14-06-1994 05-04-1993